

n Theoretische Grundlagen

Lösemitteldiffusion im Fotolack

Die Diffusionskonstante D lässt sich beschreiben als Produkt einer Temperatur- (D_T) und Konzentrationsabhängigen (D_C) Größe gemäß

$$D(T, c(x)) = D_T(T)D_C(c(x)) = D_0 \cdot \exp\left[-\frac{E_a}{kT}\right] \cdot \exp\left[\frac{c(x,t)}{\text{const}_{diff}^a + \text{const}_{diff}^b c(x,t)}\right]$$

und beschreibt die über die Aktivierungsenergie E_a thermisch (Temperatur T) aktivierte Lösemitteldiffusion im Lackvolumen mit der örtlichen Lösemittelkonzentration $c(x)$ über den Lösemittelgradienten g gemäß:

$$\frac{dc}{dt} = D(T, c(x)) \cdot \frac{dg}{dx}, \quad g = \frac{dc}{dx}$$

Verdunstung aus einem Tröpfchen

Über ebenen Flächen bzw. Tröpfchen (Radius r , Dichte ρ , Molmasse M , Gaskonstante R , Oberflächenspannung s) gilt für den Dampfdruck $p_0(T)$ bzw. $p_0(T, r)$:

$$p_0(T) = c_1 \cdot \exp\left[-\frac{c_2}{T}\right] \quad p = p_0(T) \cdot \exp\left[\frac{M}{rRT} \cdot \frac{2s}{r}\right]$$

Mit den Werten für PGMEA, MEK und Ethyllaktat zeigt sich, dass ab einem Tröpfchenradius von einigen 10 nm der Radius keine nennenswerte Rolle spielt, d.h. $p \approx p_0$ für typische Sprühbelackungsbedingungen.

Tröpfchengeschwindigkeit und Umgebungsatmosphäre

Für den Massenstrom m_z (kg/m²s) durch Verdunstung in Abhängigkeit der Umströmungsgeschwindigkeit v , Umgebungsdruck p_u und Dampfdruck der Atmosphäre p_{u0} mit dem betreffenden Lösemittel gilt:

$$m_z \approx \frac{M}{R} \cdot v^{0.78} \cdot \ln\left[1 + \frac{p - p_{u0}}{p_u - p}\right]$$

Reibungskräfte und Beschleunigungen von Tröpfchen in Luft

Fragestellung: Genügt die Trägheit eines Tröpfchens, durch den substratnahen, parallel dazu geführten Luftstrom zu dringen und auf dem Substrat zu landen?

Bewegt sich eine Tröpfchen (Radius R , Geschwindigkeit v) gegen die Umgebungsluft (Dichte ρ_L , Viskosität η)

lässt sich über die Reynoldszahl $Re = \frac{rRv}{h}$ bestimmen, ob die Umströmung laminar (im Falle von Luft um-

strömten Kugeln $Re < Re_{kritisch} = 35$) oder turbulent ($Re > 35$) ist. Entsprechend gilt für die auf das Tröpfchen wirkende Reibungskraft (Luftwiderstandsbeiwert $c_w = 0.35$) entweder

$$\vec{F}_R^{laminar} = -6pRv\vec{h} \quad \text{oder} \quad \vec{F}_R^{turbulent} = -\frac{1}{2}c_w\rho_L v^2 \frac{v}{|v|} R^2 p$$

Damit lässt sich abschätzen, nach welcher Flugzeit und nach welchem Flugweg ein mit 5 m/s gegen die Umgebungsluft fliegendes Tröpfchen auf 10% bzw. 1% dieser Anfangsgeschwindigkeit abgebremst wird, und wie groß die stationäre Fallgeschwindigkeit ist.

Radius R	Re (Start)	Bremslänge ($v=0.1 \cdot v_0$)	Bremszeit ($v=0.1 \cdot v_0$)	Bremslänge ($v=0.01 \cdot v_0$)	Bremszeit ($v=0.01 \cdot v_0$)	$V_{stationär}$ ($g=9.81$)	Re (stationär)
100 nm	0.036	550 nm	280 ns	610 nm	560 ns	1.2 μ m/s	$\ll 1$
1 μ m	0.36	55 μ m	28 μ s	61 μ m	56 μ s	120 μ m/s	$\ll 1$
10 μ m	3.6	5.5 mm	2.8 ms	6.1 mm	5.6 ms	1.2 cm/s	$\ll 1$

Kinetische Verformung eines Tröpfchens beim Aufprall

Frage: Wie groß muss die Geschwindigkeit eines kugelförmigen Tröpfchens (Radius R , Fläche A_1) ohne Unterstützung durch die Benetzung auf dem Substrat sein, dass es sich beim Aufprall auf eine ebene Fläche gegen seine eigene Oberflächenspannung bei konstantem Volumen um den Faktor f zu einem Rotationsellipsoid (Fläche A_2 , Radien $f^{1/2} R$, $f^{1/2} R$, R/f) abflacht?

$$\text{Flächenzunahme: } A_2 - A_1 = \frac{2pR^2}{\sqrt{f^4 - f}} \cdot \left[\sqrt{f^6 - f^3} + \arcsin h(\sqrt{f^3 - 1}) \right] - 4pR^2$$

$$\text{Oberflächenenergiedifferenz} = \text{kinetische Energie: } s(A_2 - A_1) = \frac{1}{2} \left(r \frac{4}{3} R^3 p \right) v^2$$

$$\rightarrow \text{Notwendige Geschwindigkeit: } v = \sqrt{\frac{3s(A_2 - A_1)}{2rR^3p}}, \text{ hierzu einige Beispiele:}$$

R [μm]	0.1	0.3	1	3	10	0.1	0.3	1	3	10
f	2	2	2	2	2	10	10	10	10	10
v [m/s]	19.0	11.0	6.0	3.5	1.9	81.8	47.2	25.9	14.9	8.2

n Geometrische Betrachtungen zum Sprühprozess

Gegeben sind die zeitabhängige Lackschichtdicke $d_S(t)$, die nach Abschluss des Sprühvorgangs ($t=T$) vorhandene Lackschichtdicke $D=d(t=T)$, der Abstand B Sprühdüse-Substrat, darauf ein Punkt im Abstand b von der Sprühdüse in Richtung Substrat (Radius des besprühten Kreises R_S), ein mittlerer Tröpfchenradius R , dessen Volumen V und Geschwindigkeit v und Radius des ‚Fladens‘ nach dem Aufprall R_F . Dann gilt für folgende Größen (Zahlenbeispiel: $R_S=1\text{cm}$, $D=1\mu\text{m}$, $T=4\text{s}$, $R=3\mu\text{m}$, $B=10\text{cm}$, $v=5\text{m/s}$, $R_F=15\mu\text{m}$):

$$\text{Gebildetes Tröpfchenvolumen/Zeit} \quad \Omega_V = \frac{4pR_S^2 D}{T} \quad (\approx 3 \cdot 10^8 \text{ mm}^3 \text{ s}^{-1})$$

$$\text{Tröpfchengenerations- = Tröpfchenaufprallrate} \quad \Omega_N = \frac{3R_S^2 D}{TR^3} \quad (\approx 2.8 \cdot 10^6 \text{ s}^{-1})$$

$$\text{Rel. Lackkonzentration im Sprühnebel} \quad r_L = \frac{\Omega_V}{\Omega_{N_2}} = \frac{4pR_S^2 D}{T4pR_S^2 v(B)} = \frac{D}{Tv(B)} \quad (\approx 5 \cdot 10^{-8})$$

$$\text{Tröpfchenkonzentration im Sprühnebel} \quad r_T = \frac{r_L}{V} = \frac{3D}{4Tv(B)R^3 p} \quad (\approx 440 \text{ cm}^{-3})$$

$$\text{Durchschn. Tröpfchenabstand im Nebel} \quad \bar{d}_T = \sqrt[3]{\frac{1}{r_T}} = \sqrt[3]{\left(\frac{3D}{4Tv(B)R^3 p} \right)^{-1}} \quad (\approx 1.3 \text{ mm})$$

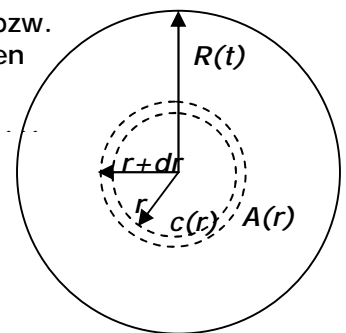
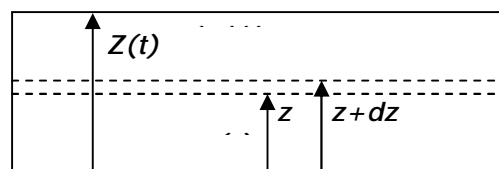
$$\text{Tröpfchenstromdichte auf Substrat} \quad j_T = r_T v(B) = \frac{3D}{4TR^3 p} \quad (\approx 2.2 \cdot 10^5 \text{ cm}^{-2} \text{ s}^{-1})$$

$$\text{Belackte Fläche/Zeit/Substratfläche} \quad \Lambda_F = j_T R_F^2 p = \frac{3DR_F^2}{4TR^3} \quad (\approx 1.6 \text{ s}^{-1})$$

n Modellierung

Numerik

Schicht und Tröpfchen werden in endlich viele Filme bzw. Kugelschalen der Dicke dz bzw. dr zerlegt. Für die Schicht wird eine Einheitsfläche 1 angenommen, für das Tröpfchen bestimmt sich die Fläche jeder Kugelschale zu $A(r) = 4r^2 p$. Die zweite örtliche Ableitung der Lösemittelkonzentration bestimmt sich demnach zu:



$$\frac{dg_{Schicht}(z,t)}{dz} = \frac{c(z+dz) + c(z-dz) - 2c(z)}{dz^2}$$

$$\frac{dg_{Tröpfchen}(r,t)}{dr} = \frac{c(r+dr) \cdot A(r+dr) + c(r-dr) \cdot A(r-dr) - 2c(r) \cdot A(r)}{A(r) \cdot dr^2}$$

In jedem Zeitschritt dt ändert sich an jedem Ort x (für das Tröpfchen durch r zu ersetzen) die Lösemittelkonzentration gemäß

$$dc = D(T, c(x)) \cdot \frac{dg}{dx} \cdot dt, \quad dm = A(z) \cdot m_z \cdot dt$$

wobei in jedem Zeitschritt von der Oberfläche (an der Stelle Z bzw. R) über den Massenstrom die Menge dm an Lösemittel verdunstet. Nach jedem Zeitschritt berechnet sich die neue Schichtdicke bzw. der neue Tröpfchenradius zu

$$Z(t) = (\text{Schichtvol.}(t=0) - (\text{Lösemittelvol.}(t=0) - \text{Lösemittelvol.}(t)))$$

$$R(t) = \left[\frac{3}{4p} \cdot (\text{Tröpfchenvol.}(t=0) - (\text{Lösemittelvol.}(t=0) - \text{Lösemittelvol.}(t))) \right]^{1/3}$$

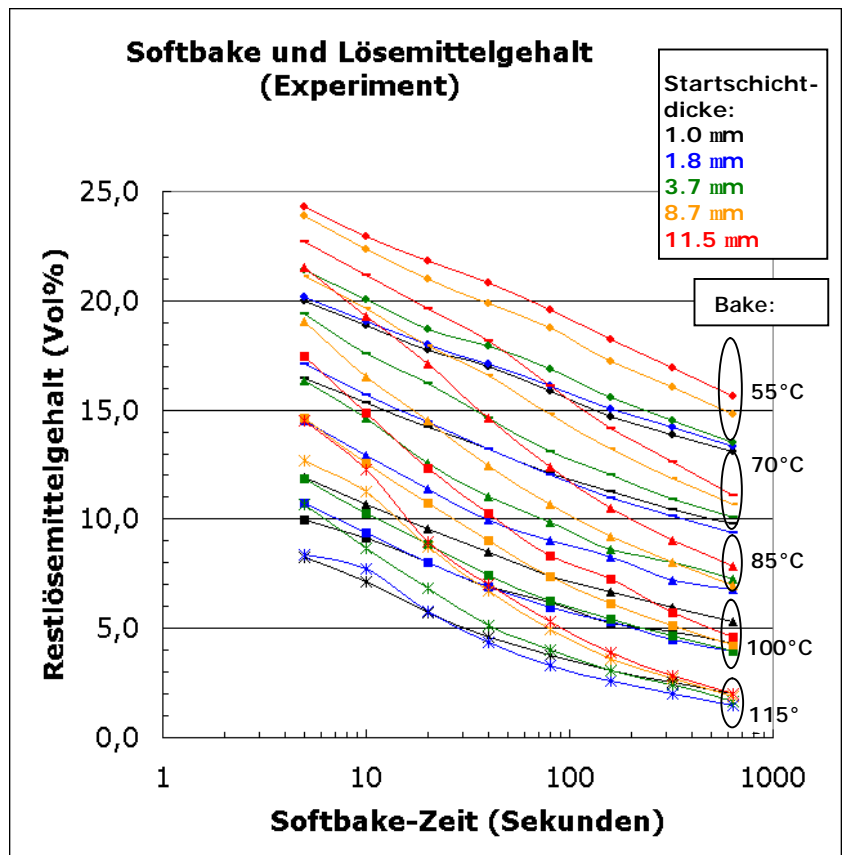
mit dem

$$\text{Lösemittelvolumen}(t) = \sum_{\text{alle } dz} c(z,t) \cdot dz \quad \text{bzw.} \quad \sum_{\text{alle } dr} c(r,t) \cdot 4pr^2 \cdot dr$$

Evaluierung der unbekanntnen Materialparameter

Für jede Schicht wurde ein Backschritt bei 120°C für 1 Stunde durchgeführt, um einen Restlösemittelgehalt von 0% zu definieren. Über den Schichtdickenverlust und die jeweiligen spezifischen Dichten von Harz und Lösemittel lassen sich damit die beiden Größen Schichtdicke und Restlösemittelgehalt korrelieren.

Der von den Größen $const_{diff}^a$, $const_{diff}^b$, D_0 , E_a , $Z(t)$, t und T aufgespannte Parameterraum wurde durchrastert und die Werte für $const_{diff}^a$, $const_{diff}^b$, D_0 und E_a bestimmt, welche nach folgender Bedingung die beste Übereinstimmung zwischen Experiment und Simulation erlauben:



$$\sum_{\text{alle } Z_0, t, T} \frac{|Z_{\text{Experiment}}(const_{diff}^a, const_{diff}^b, D_0, E_a, t, T) - Z_{\text{Simulation}}(\dots)|}{Z_{\text{Experiment}}(\dots)} \stackrel{!}{=} \text{Minimum}$$

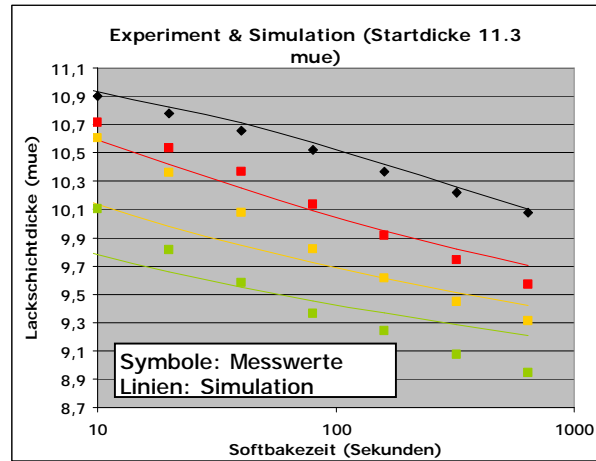
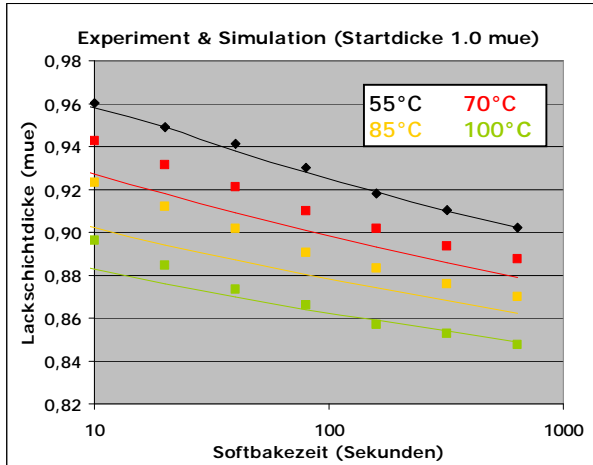
n Ergebnisse der numerischen Simulation

Diffusionsparameter

Mit einer mittleren Abweichung von 1.2% für alle Softbaketemperaturen ($T = 55^\circ\text{C}, 70^\circ\text{C}, 85^\circ\text{C}, 100^\circ\text{C}$ und 115°C), alle Startschichtdicken ($Z_0 = 1.0 \mu\text{m} \dots 11.3 \mu\text{m}$) und den Zeitraum $t = 0 \dots 640$ Sekunden gelang dies für die Werte:

$$\text{const}_{diff}^a = 0.00394, \quad \text{const}_{diff}^b = 0.0218, \quad D_0 = 7,67 \cdot 10^{-4} (\text{m}^2\text{s})^{-1}, \quad E_a = 1.426 \text{ eV}$$

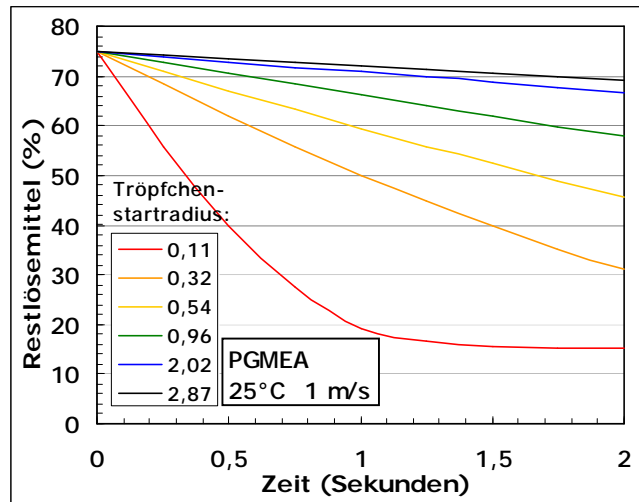
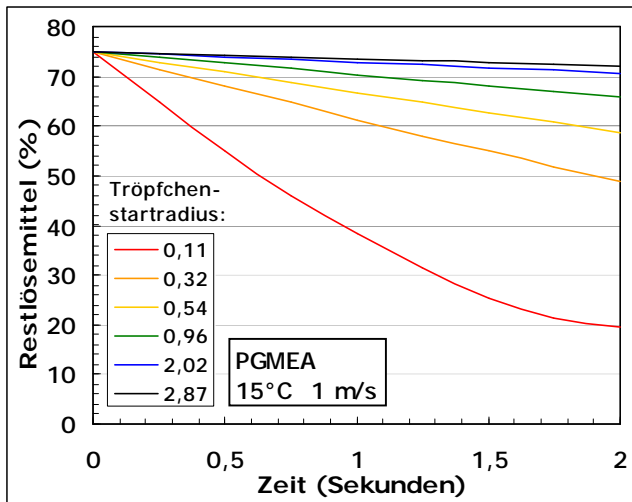
Grafische Darstellung: Experiment und Simulation



n Simulation von Sprühnebeln

Input: Häufigkeitsverteilung der Tröpfchenradien = modifizierte Log-Normalverteilung
Output: Relativgeschwindigkeit, Temperatur, Lösemittel wie in den Grafen angegeben

Lösemittelverlust (PGMEA) eines Tröpfchens im Sprühnebel:



Lösemittelverlust (PGMEA) des gesamten Sprühnebels:

